Sickerwasserprognose in der Altlastenbearbeitung mit ALTEX-1D

Teil 2: Kernelemente der Sickerwasserprognose

- Standortbeschreibung
- Quelltermcharakterisierung
- Transportbetrachtung

Dipl.-Ing. B. Engeser (LBEG)

Stand Februar 2010

Bund-/Länderarbeitsgemeinschaft
Bodenschutz (LABO)
Altlastenausschuss (ALA)
Unterausschuss Sickerwasserprognose

Arbeitshilfe
Sickerwasserprognose bei
Detailuntersuchungen

Anhang 3
Excel-Anwendung „ALTEX-1D“

Stand 12/2008

Zielsetzung der Arbeitshilfe DU ist die **quantifizierende Abschätzung** des durch Sickerwasser verursachten Stoffeintrages in das Grundwasser bzgl. Konzentrationen $c_{si}(t)$ und Frachten $E_{si}(t)$

Die Arbeitshilfe DU enthält als Anhang die Excel-Anwendung ALTEX-1D

ALTEX-1D

Alytische Lösung der
1D - Transportgleichung mit Excel

ALTEX-1D ist ein Transportprognosemodell auf der Grundlage der **analytischen Lösung** der **eindimensionalen Advektions-Dispersions-Transportgleichung**

Fallgestaltungen bei der bodenschutzrechtlichen Gefahrenbeurteilung für den Wirkungspfad Boden-Grundwasser

Standardfall

Sonderfälle

Eintragspfad Sickerwasser

Eintragspfade Phase Bodenluft

Eintragspfad Kontaktgrundwasser

Q_{si} = Sickerwasserrate
 C_{si} = Stoffkonzentration im Sickerwasser

Ort der Beurteilung
 Kontaktgrundwasser

Bewertung nach wasserrechtlichen
 Vorschriften (Anh. 2 Nr 3.2e BBodSchV)

Sickerwasserprognose - Konzeptionelle Modellvorstellung für den Standardfall⁴

OdP: Ort der Probenahme
 OdB: Ort der Beurteilung

Kernelemente der Sickerwasserprognose

Standortbeschreibung

- Definition der Transportstrecke (OdB)
- Wasserhaushalt
 - Sickerwasserrate/
 - Grundwasserneubild.
- Parametrisierung der Transportstrecke
 - Schichtenprofil
 - Bodenkennwerte
- Wasserhaushalt
 - Sickerwasserrate/
 - Grundwasserneub.

Beschreibung der Quelle

- Schadstoffinventar
 - Art
 - Gesamtmasse
 - Verteilung (hor./vert)
- Schadstofffreisetzung
 - Konzentration am OdB
 - aktuell
 - zukünftig
 - mobilisierbare Masse

Transportbetrachtung

- Schadstoffminderung in der Transportstrecke
 - Analytisch (ALTEX-1D)
 - numerisch
 - Massenbilanz/
 - Laboruntersuchungen

Der Übergangsbereich ungesättigte/gesättigte Zone (OdB) aus fachlicher Sicht

Vertikales Kontaminationsprofil aus Beschreibung der Schadstoffquelle

Lage der Grundwasseroberfläche in Niedersachsen (HÜK200)

Schichtenverzeichnis

Einflussgrößen

- Klimadaten (DWD)
- Nutzung
- Versiegelung
- Bewuchs
- Lage
- Höhe
- Exposition
- Hangneigung

Wasserhaushaltsgleichung

$$N = A_o + A_u + ET_{real}$$

$$A_u = A_i + GWN = SWR$$

Informationsquellen für SWR/GWN

- Kartenwerke SGD (bspw. GROWA/Niedersachsen)
- Berechnungs-/Abschätzungsverfahren
 - Sickerwasserrate:
 - DIN 19687
 - TUB-BGR
 - BAGLUVA
 - Grundwasserneubildung: Beims & Gutt

Grobe Abschätzung: GWN ca. 1/3 des Niederschlages

- N: Niederschlag
- ET_{real} : tats. Verdunstung
- A_o : oberirdischer Abfluss
- A_u : unterirdischer Abfluss
- A_i : Zwischenabfluss (Interflow)
- GWN: Grundwasserneubildung
- SWR: Sickerwasserrate aus dem Boden

- N = Niederschlag
- ET = Evapotranspiration
- A = Gesamtabfluss im Vorfluter
- A_0 = Oberflächenabfluss
- A_{11} = Oberflächennaher Zwischenabfluss
- A_{12} = tieferer Zwischenabfluss
- A_B = Grundwasserabfluss = GWN

- wasserdurchlässige Bodenhorizonte
- gering wasserdurchlässige Bodenhorizonte
- gering wasserdurchlässiger Untergrund
- Karst

n. UAG Sickerwasserprognose/BLA-GEO (2008)

© Bundesanstalt für Geowissenschaften und Rohstoffe, Hannover

**HYDROLOGISCHER ATLAS
VON DEUTSCHLAND**
Herausgegeben vom Bundesministerium für Umwelt,
Natur und Klimaschutz

4.5 Sickerwasserrate aus dem Boden

Autoren: W. Dujniewald, V. Hennings, W. Stolz, N. Martin, A. Richter, J. Behrens
Bundesanstalt für Geowissenschaften und Rohstoffe, Hannover / Berlin

Wissenschaftliche Beratung: W. Eckelmann, W. Struckmeyer (BGR), F.-J. Kem (IHF),
G. Wessolek (TU Berlin)

Kartographie: Bundesanstalt für Geowissenschaften und Rohstoffe, Hannover (U. Stegger)
Institut für Hydrologie, Universität Freising i. Br.

Sickerwasserrate
nach DIN 19687
(erstellt mit MEMAS/LBEG)

Standortbeschreibung – Mittlere Grundwasserneubildung in Niedersachsen ¹⁴

Mittlere GWNB-Rate nach Growa06v2 [mm/a]

0 30 60 120 Kilometer

Fraktion	Unterfraktion	Kurzzeichen	Äquivalentdurchmesser	
			in μm	in mm
Ton		T	< 2,0	< 0,002
	Feinton	fT	< 0,2	< 0,0002
	Mittelton Grobton	mT gT	0,2 bis < 0,63 0,63 bis < 2,0	0,0002 bis < 0,00063 0,00063 bis < 0,002
Schluff		U	2 bis < 63	0,002 bis < 0,063
	Feinschluff	fU	2 bis < 6,3	0,002 bis < 0,0063
	Mittelschluff Grobschluff	mU gU	6,3 bis < 20 20 bis < 63	0,0063 bis < 0,02 0,02 bis < 0,063
Sand		S	63 bis < 2000	0,063 bis < 2,0
	Feinsand	fS	63 bis < 200	0,063 bis < 0,2
	Feinstsand ¹⁾	ffS ¹⁾	63 bis < 125	0,063 bis < 0,125
	Mittelsand Grobsand	mS gS	200 bis < 630 630 bis < 2000	0,2 bis < 0,63 0,63 bis < 2,0

% Schluff

Bodenarten-Hauptgruppe	Bodenarten-Gruppe	Bodenart
s Sande	ss Reinsande	Ss
	ls Lehmsande	St2, Su2, Sl2, Sl3
	us Schluffsande	Su3, Su4
l Lehme	sl Sandlehme	Slu, Sl4, St3
	ll Normallehme	Lt2, Ls2, Ls3, Ls4
	tl Tonlehme	Lts, Ts3, Ts4
u Schluffe	su Sandschluffe	Us, Uu
	lu Lehmschluffe	Ut2, Ut3, Uls
	tu Tonschluffe	Ut4, Lu
t Tone	ut Schlufftone	Tu3, Tu4, Lt3
	lt Lehmtone	Tt, Tu2, Tl, Ts2

Profilbeschreibung nach Mindestdatensatz der „Ad-hoc-AG“ Boden der SGD

Mindestdaten für Untersuchungen nach § 3 BBodSchV (Orientierende Untersuchung / Detailuntersuchung)

Flächenbezogene Daten

= obligatorisch = fakultativ

Katastrangaben	Versiegelungsart	Versiegelungsgrad / Anteilskl. (KA 5, Tab. 4, S. 53)	Nutzungsart	Anteilsklasse (KA 5, Tab. 4, S. 53)	Vegetation	Anteilsklasse (KA 5, Tab. 4, S. 53)
Flur 17, Flurstück 297	keine		Ödland, Industriebrache	f6	Staudenflur	f6

Punktbezogene Daten

*Titel*daten

Projektbezeichn.	Profil-Nr.	Datum der Aufnahme			Bearbeiter	Rechtswert (in m)	Hochwert (in m)	Höhe ü. NN	Aufschlussart	Wasserstand unter GOF	Bodenschätzung	
2	3	Jahr	Monat	Tag	4	5	6	7	8	9	53b	56

*Aufnahme*situation

Neigung	Exposition	Reliefbeschreibung	Bodenabtrag /-auftrag	Nutzungsart	Vegetation	Witterung	anthropogene Veränderungen / bautechnische Maßnahmen
11	12	14/17	18	19	20	21	22

*Horizont*bezogene Daten I und II

Lfd. Nr.	Unter-/Obergränze	Horizontsymbol	Bodenfarbe / Substratfarbe	Geruch (Art und Intensität)	Humusgehalt	oxidative und reduktive Hydromorphie-merkmale	Bodenfeuchte	Konsistenz	Hohlräume	Tr.röhrichte o. eff. Leg.dichte / Substanzvol. u. Zers.stufe	Grob- / Feinwurzeln	Substratgenese	Feinboden / Tonfart / Muddart	Grobbodenfraktionen u. Anteilsklasse	Σ Grobboden (%)	Geogener C-Gehalt	Carbonatgehalt	Bodenausgangsgestein	Beimengungen (substanzelle Substratmogenitäten)	Proben-Nr.	Entnahmetiefe
	25	27	28		29	30 31	32	33	37-39	40	41	43	44a	44b	44c	45	46	47a	47d		
1	15	Ah	1. 2. 3.	ölig	h4								1. 2. Ut2 3.					1. 2. 3.	1. 2. 3.		
2	40	Al	1. 2. 3.	ölig	h0								1. 2. Ut3 3.					1. 2. 3.	1. 2. 3.		
3	60	Bt1	1. 2. 3.		h0								1. 2. Lu 3.					1. 2. 3.	1. 2. 3.		
4	80	Bt2	1. 2. 3.		h0								1. 2. Ut3 3.					1. 2. 3.	1. 2. 3.		
5	350	Co	1. 2. 3.										1. 2. Ut3 3.					1. 2. 3.	1. 2. 3.		
6	> 350	Cr	1. 2. 3.	stark ölig	h0								1. 2. Ut3 3.					1. 2. 3.	1. 2. 3.		
7			1. 2. 3.										1. 2. 3.					1. 2. 3.	1. 2. 3.		

Bemerkungen:

DEUTSCHE NORM	November 2008
DIN 4220	DIN
ICS 13.080.01	Ersatz für DIN 4220:1998-07
<p>Bodenkundliche Standortbeurteilung – Kennzeichnung, Klassifizierung und Ableitung von Bodenkennwerten (normative und nominale Skalierungen)</p> <p>Pedologic site assessment – Designation, classification and deduction of soil parameters (normative and nominal scaling)</p> <p>Assessment pédologique du site – Désignation, classification et déduction du paramètres du sol (graduation normatif et nominal)</p>	
Gesamtumfang 50 Seiten	
Normenausschuss Wasserwesen (NAW) im DIN	
<p>© DIN Deutsches Institut für Normung e.V. - Jede Art der Vervielfältigung, auch auszugsweise, nur mit Genehmigung des DIN Deutsches Institut für Normung e.V., Berlin, gestattet. Alleinverkauf der Normen durch Beuth Verlag GmbH, 10772 Berlin</p> <p style="text-align: right;">Preisgruppe 19 www.din.de www.beuth.de</p>	

Bund-Länder-Ausschuss Bodenforschung (BLA-GEO)

Empfehlungen für die Charakterisierung und
Parametrisierung des Transportpfades Boden-
Grundwasser als Grundlage für die
Sickerwasserprognose

Version 2.0

September 2008

Beschreibung der Schadstoffquelle – Ermittlung des Schadstoffinventars (1) ¹⁹

Parameter Schadstoffinventar

- Art der Schadstoffe
- Gehalte (bez. auf Trockenmasse)
- Verteilung (horizontal, vertikal)
- kontaminierte Fläche
- Schadstoffmasse

1. Schichtprofilbezogene flächenspez. Schadstoffmasse

$$M_{Sch,P} = \sum_{i=1}^n (G_i \cdot LD_i \cdot M\ddot{a}_i)$$

$M_{Sch,P}$: Schadstoffmasse pro Flächeneinheit im Bereich eines Bodenprofils aufsummiert über die Mächtigkeit der Schadstoffquelle [g/m²]

G_i : Schadstoffgehalt in der Bodenschicht i [mg/kg TM]

LD_i : Trockenrohdichte der Bodenschicht i [kg TM /dm³]

$M\ddot{a}_i$: Mächtigkeit der kontaminierten Bodenschicht i [m²]

i : Kontaminierte Bodenschicht [-]

n : Anzahl der kontaminierten Bodenschichten [-]

Bodenprofil

Beschreibung der Schadstoffquelle – Ermittlung des Schadstoffinventars (2) ²⁰

2. Mittlere flächenrepräsent. Schadstoffmasse des kontaminierten Bodenvolumens

Flächenrepräsentanz von Bodenprofilen

Bodenprofile

Kontaminierte Schichten

$M_{Sch,Bk}$: mittlere flächenrepr. Masse des kont. Bodenvolumens [g/m²]

$M_{Sch,i}$: flächenspez. Schadstoffmasse im kontaminierten Bodenprofil i [mg/m²]

R_i : Flächenrepräsentanz des Bodenprofils i [%]

i : kontaminiertes Bodenprofil [-]

m : Anzahl der zu berücksichtigenden kontaminierten Bodenprofile [-]

$$M_{Sch,Bk} = \sum_{i=1}^m (M_{Sch,i} \cdot R_i / 100)$$

3. Gesamtschadstoffmasse der Quelle

$$M_{Sch,F} = M_{Sch,Bk} \cdot F$$

$M_{Sch,Bk}$: mittlere flächenrepr. Masse des kont. Bodenvolumens [g/m²]

$M_{Sch,F}$: Gesamte Schadstoffmasse der Quelle [g]

F : Gesamte Emissionsfläche der Schadensquelle [m²]

Beschreibung der Schadstoffquelle – Ermittlung des Schadstoffinventars (3) ²¹

1. Schichtprofilbezogene flächenspez. Schadstoffmasse

Schicht-Nr	Mä (m)	LD (kg/dm ³)	G (mg/kg)	M _{Sch,P} (g/m ²)
1	0,3	0,8	100	24
2	1	1,4	250	350
3	0,5	1,8	1000	900
4	0,4	1,5	20	12
				Σ 1286

Kontamination mit Blei

P1

Kontaminierte
Schichten

2. Mittlere flächenrepr. Schadstoffmasse des kontaminierten Bodenvolumens

Profil-Nr	M _{Sch,P} (g/m ²)	R (%)	M _{Sch,Bk} (g/m ²)
P1	1286	25	322
P2	600	50	300
P3	1800	12,5	225
P4	2500	12,5	313
			Σ 1160

Gesamtfläche: 750 m²

3. Gesamtschadstoffmasse der Quelle

$$M_{Sch,F} = 750 \text{ m}^2 * 1160 \text{ g/m}^2 = 870000 \text{ g} = 870 \text{ kg}$$

Beschreibung der Schadstoffquelle – Schadstofffreisetzung

Standardfall:

Freisetzung von Schadstoffen aus einer schädlichen Bodenveränderung infolge der Durchsickerung mit Niederschlagswasser

Definition der Quellstärke

Unter der **Quellstärke J** versteht man die Schadstoff-Fracht E , die pro Flächeneinheit F aus der Quelle austritt.

$$J_{si}(t) = SWR \cdot c_{si}(t)$$

$J_{si}(t)$: Quellstärke an der Austrittsfläche der Quelle [mg/(m²/Jahr)]

$c_{si}(t)$: Schadstoffkonzentration im Sickerwasser an der Austrittsfläche der Quelle [mg/L]

SWR : Sickerwasserrate [mm/a] = [l/(m²*Jahr)]

Q_{si} : Sickerwasservolumenstrom = $SWR \cdot F$ [l/Jahr]

$E_{si}(t)$: Schadstoff-Fracht an der Austrittsfläche = $Q_{si} \cdot c_{si}(t)$ [mg/Jahr]

Wichtige Parameter für die Quantifizierung des Freisetzungsverhaltens

- **Zeitliche** Entwicklung der Schadstoffkonzentration im Sickerwasser: $c_{si}(t)$
- Mobilisierbarer Anteil der Schadstoffmasse: M_{mob}

Ermittlung der Parameter durch Laborversuche

Verfahren nach Anhang 1/3.3 BBodSchV

Anorganik

Gleichsetzung der Konzentrationen im Sickerwasser mit dem

Bodensättigungsextrakt (BSE)

W/F = 0,3

Andere Elutionsverfahren zulässig, wenn **Gleichwertigkeit** zum BSE nachgewiesen

DIN 38414-4 (S4-Eluat)

W/F = 10

DIN 19730 (AN-Extrakt)

Organik

Säulenversuch

(DIN V 19736 zurückgezogen)

Merkblatt Nr. 20/ LUA NRW

Eignung für PAK nachgewiesen

Geschwindigkeit mit der sich stoffspezifisch die **Gleichgewichtskonzentration** einstellt, ist zu beachten

Ergebnisse und Stand des BMBF-Projektverbundes Sickerwasserprognose
Eberle et. al. 21.6.2005: „Eine brauch- und belastbare Umrechnung der Schüttelextraktergebnisse (S4) in den Bodensättigungsextrakt (BSE) ist nicht absehbar.“

Bestimmung der Sickerwasserkonzentration durch Laborversuche

Einfluss des W/F-Verhältnisses

BSE (BoSE): Bodensättigungsextrakt

n. Durner (2004)

Entwurf Novell. (2:1)

F/L-Verhältnis 1:x

$$W/F = \frac{SWR}{(m\ddot{a}_q \cdot \rho_d) \cdot t}$$

As Cr Cu

Kompromiss:
Schüttelversuch W/F 2:1
(Novellierung BBodSchV)

BSE überschätzt die Quellkonzentration (hohe Anfangswerte)
S4 (W/F 10:1) unterschätzt die Quellkonzentration (Verdünnung)

bei linearem Sorptionsgleichgewicht ($c_s = c_w \cdot k_d$) gilt:

$$c_{el} = M_{mob} / (WF + k_d)$$

Je höher die Sorption desto weniger macht sich Verdünnung durch höheres W/F-Verhältnis bemerkbar!

Konstante Quellkonzentration

mit Teeröl (Phase) verunreinigter Boden

Quellkonzentration entspricht der Sättigungskonzentration (Lösungsgleichgewicht) der Einzelstoffe im Teeröl

Exponentiell abfallende Quellkonzentration

Verunreinigung mit sorptiv gebundenen Schwermetallen

Quellkonzentration entspricht dem Sorptionsgleichgewicht (Regressionsfunktion auf Grundlage einer linearen Sorptionsisotherme)

Fallkonstellation A konstante Quellkonzentration

Fallkonstellation B exponentiell abklingende Quellkonzentration

Lösungslimitierte Freisetzung

- org. Schadstoffe in Phase
- leicht lösliche Salze

Emissionsdauer t_e
 $t_e = M_{\text{mob}} / (\text{SWR} \cdot F \cdot c_0)$

Desorptionslimitierte Freisetzung

- sorbierte Schadstoffe

Emissionsdauer t_e
 $t_e = (\ln(c_0) - \ln(\text{PW})) / k_s$

M_{mob} : mobilisierbare Masse, F: Emissionsfläche der Quelle, SWR: Sickerwasserrate

Beschreibung der Schadstoffquelle – Ermittlung der mobilisierbaren Masse (1)²⁸

Die Abschätzung der **mobilisierbaren Masse** ist Voraussetzung für die Bestimmung der Emissionsdauer und hat große Auswirkung auf das Ergebnis der Transportbetrachtung

Worst Case Annahme

$M_{mob} \approx$ Gesamtgehalt KW-Extrakt

M_{mob} – Bestimmung durch Mehrfach-Elution mit Variation des W/F-Verhältnisses

- parallel
- konsekutiv (Kaskadentest)

in vielen Fällen $M_{mob} \ll$ KW-Extrakt !!

Alternative Verfahren für M_{mob} -Bestimmung

- Säulenversuch
- Sequentielle Extraktion
- pH_{stat}

Beschreibung der Schadstoffquelle – Ermittlung der mobilisierbaren Masse (2)²⁹

Abschätzung des mobilisierbaren Anteils mit einfacher S4-Elution

M_{mob} nur für kaum sorbierende Stoffe (leicht lösliche Salze) repräsentativ, nicht immer konservativ!

Beispiel zur Berechnung des Verhältnisses „eluiertbarer Anteil“ zum „Gesamtgehalt“:

Elutions-/Extraktionsverfahren: **S4-Verfahren**

Wasser-Boden-Verhältnis (WBV): 10 l/kg (1 l H₂O / 0,1 kg TS)

Konzentration im Eluat: 120 µg/l (Messwert im Eluat)

Gesamtgehalt der Bodenprobe: 4.800 µg/kg (Messwert in der Bodenprobe)

$$\text{Verhältnis} = \frac{\text{Konzentration im Eluat } [\mu\text{g/l}]}{\text{Gesamtgehalt } [\mu\text{g/kg}]} \cdot \text{WBV } [l/\text{kg}] \cdot 100 \%$$

$$= \frac{120}{4800} \cdot 10 \cdot 100 \% = 25 \%$$

Im Beispiel wurden mit dem S4-Verfahren 25 % der in der Bodenprobe vorliegenden Schadstoffe eluiert!

Prinzipskizze einer 3 Stufen-Mehrfachelution

Ermittlung M_{mob} über nichtlineare Regressionsanpassung mit $c_{el} = M_{mob} / (WF + kd)$

Transportprozesse in der ungesättigten Zone sind hochgradig komplex (nichtlinear, instationär)

n. BUWAL (2004)

Sickerwasserprognose DU

Im Vordergrund steht nicht die hoch aufgelöste räumliche und zeitliche Beschreibung der Transportprozesse sondern eine integrative Betrachtung auf der Grundlage einer einfach parametrisierbaren Modellvorstellung

ALTEX-1D ist ein Instrument zur vereinfachenden quantifizierenden Beschreibung auf der Grundlage der analytischen Lösung der 1D-Advektions-Dispersions-Transportgleichung

Relevante Prozesse

- Advektion
- Dispersion/Diffusion
- Sorption
- Abbau

Wirkungsweisen der Stofftransportprozesse

1D-Modell

Sickerwasser

$$v_a = \frac{GWN}{\theta_{Feld}}$$

v_a Mittlere Sickerwassergeschwindigkeit [m/s]

GWN Grundwasserneubildungsrate [$m^3/(m^2 \cdot a)$]

θ_{Feld} Volumetrischer Wassergehalt bei Feldkapazität [m^3/m^3]

Advektion (Strömung)

$$x_a = v_a/t \quad c=c_0$$

Dispersion (Verdünnung)

$$x_D > x_a \quad c < c_0$$

Sorption (Rückhaltung)

$$x_s = x_a/R \quad c < c_0$$

R: Retardationsfaktor

Abbau

$$x_s \quad c \ll c_0$$

3-Phasensystem Boden

Wassersättigung in der ungesättigten Zone

Boden (ungesättigte Zone) ist ein Dreiphasensystem aus den Phasen:

- Bodenkorn
- Bodenwasser
- Bodenluft

Wassersättigung in der ungesättigten Zone ist vertikal und zeitlich variabel

Problem: wie kann die Strömungsgeschwindigkeit (Advektion) in der ungesättigten Zone berechnet werden?

gesättigte Zone: konstante Wassersättigung (100%)

$$q = -k \times \frac{\partial H}{\partial z}$$

Darcy-Gesetz

k: gesättigte
Wasserleitfähigkeit (m/s)

ungesättigte Zone: variable Wassersättigung

$$q = -k(\theta) \times \frac{\partial H}{\partial z}$$

k(θ): ungesättigte Wasserleitfähigkeit (m/s) abhängig von θ

θ: volumetrischer Wassergehalt abhängig von Wasserspannung ψ

Massenerhaltung

$$\frac{\partial \theta}{\partial t} = - \frac{\partial q}{\partial z}$$

$$\frac{\partial \theta}{\partial t} = \frac{\partial}{\partial z} \left[K(\theta) \left(\frac{\partial h}{\partial z} \right) \right]$$

Richards-Gleichung

$$C(\theta) \frac{\partial \psi}{\partial t} = \frac{\partial}{\partial z} \left[K(\theta) \left(\frac{\partial \psi}{\partial z} + 1 \right) \right]$$

- C(θ) Spezifische Wasserkapazität [1/s]
- θ Volumetrischer Wassergehalt [m³/m³]
- ψ Matrixpotential oder Wasserspannung [m]
- t Zeit [s]
- z Tiefe unter GOK [m] (positiv nach unten)
- K(θ) Ungesättigte Wasserleitfähigkeit [m/s]

Wasserspannung/Wassergehalt zeitlich variabel

Sickerwassergeschwindigkeit hochgradig instationär

vereinfachende Annahme:

mittlere Sickerwassergeschwindigkeit entspricht der jährlichen Sickerwasserrate bzw. Grundwasserneubildung bei einem volumetrischen Wassergehalt entsprechend der Feldkapazität

$$v_a = \frac{GWN}{\theta_{\text{Feld}}} \quad (\text{DIN 19732})$$

stationäre Strömung

v_a Mittlere Sickerwassergeschwindigkeit [m/s]
 GWN Grundwasserneubildungsrate [m³/(m²·a)]
 θ_{Feld} Volumetrischer Wassergehalt bei Feldkapazität [m³/m³]

Werte der Feldkapazität für Bodenarten in Tab. 70/KA5

Die **Feldkapazität** entspricht der Wassermenge, die ein Boden gegen die Schwerkraft halten kann

KA 5: Feldkapazität entspricht dem Wassergehalt bei pF 1,8 (= 60 hPa)

Tabelle 70: Luftkapazität, nutzbare Feldkapazität, Feldkapazität und Totwasser in Volumen-% in Abhängigkeit von Bodenart und Trockenrohddichte ρ_t

Bodenart	Luftkapazität Poren > 50 µm (pF < 1,8)			nutzbare Feldkapazität Poren 0,2 bis 50 µm (pF 4,2 bis 1,8)			Feldkapazität Poren ≤ 50 µm (pF ≥ 1,8)			Totwasser Poren ≤ 0,2 µm (pF ≥ 4,2)		
	pt1+2	pt3	pt4+5	pt1+2	pt3	pt4+5	pt1+2	pt3	pt4+5	pt1+2	pt3	pt4+5
Ss	36	32	27	9	7	7	14	11	10	5	4	3
Sl2	23	18	13	20	18	17	28	25	23	8	7	6
Sl3	18	15	10	22	18	17	34	27	25	12	9	8
Sl4	18	12	8	22	18	15	36	30	26	14	12	11
Slu	14	10	7	23	21	19	38	33	30	15	12	11
St2	24	20	15	18	16	13	26	22	18	8	6	5
St3	18	14	9	18	15	12	25	20	17	7	5	4

Konzentrationsminderung durch Dispersion – Einfluss der Quelle

Ursachen der Dispersion

Geschwindigkeitsinhomogenitäten im Porenraum

$$D = \alpha_L * v$$

D: Dispersionskoeffizient

α_L : long. Dispersivität

v: Geschwindigkeit

Standardannahme

$$\alpha_L = 0,1 * z$$

z: Länge Transportstrecke

Dispersion ist skalenabhängig

Einfluss der Emissionsdauer der Quelle auf die dispersive Konzentrationsminderung

Emissionsdauer $t_e \gg$ Transportzeit
Durchbruch Quellkonz.

Emissionsdauer $t_e \leq$ Transportzeit

Die eindimensionale Advektions-Dispersions-Transportgleichung

Bilanzelement

Massenbilanz
Darcy-Strömung

c: Konzentration
z: Ortskoordinate
t: Zeit

Partielle Differentialgleichung

$$R \cdot \frac{\delta c}{\delta t} = D_z \cdot \frac{\delta^2 c}{\delta z^2} - v_z \cdot \frac{\delta c}{\delta z} - \lambda \cdot c$$

Dispersion/Diffusion Advektion Abbau

Lösungen der Differentialgleichung

numerisch

Diskretisierung (FE-Methode)

analytisch
Ergebnis

Konzentration als Funktion von Ort und Zeit
c(z,t)

Beispiel: „Ogata-Banks-Gl.“

$$c(x,t) = \frac{c_0}{2} \operatorname{erfc} \left(\frac{x - vt}{\sqrt{4Dt}} \right) \exp \left(-\frac{\lambda x}{v} \right)$$

1D-Advektions-Dispersions-Transportgleichung

$$R^* \delta c / \delta t = D_z^* \delta^2 c / \delta z^2 - v_z^* \delta c / \delta z - \lambda^* c$$

Definition der Parameter
 v_z, R, D_z, λ

Definition der Rand-/Anfangsbedingungen

oberer Rand
 (UK Quelle)

$c(0, t) = c_0(t)$

Beschreibung der Quelle
 Fall A: $c_0(t) = \text{const}$ ($t < t_e$)
 Fall B: $c_0(t) = c_0 \cdot \exp(-ks \cdot t)$

unterer Rand
 $\delta c / \delta z (t, z = \infty) = 0$
 (halbunendliche Säule)

- SWR: Sickerwasserrate (m/a)
- FK: Feldkapazität (-)
- K_d : Sorptionskoeffizient (l/kg)
- K_{oc} : Verteilungskoeff. C_{org}
- C_{org} : organ. Kohlenstoff (-)
- c_{sorb} : sorbierte Konzentration (mg/kg)
- c_{gel} : gelöste Konzentration (mg/l)
- K_{fr} : Freundlich-Koeffizient
- n : Freundlich-Exponent
- α_z : long. Dispersivität (m)
- f_d : Skalenfaktor (Annahme: 0.1)
- t_e : Emissionsdauer Quelle (a)
- ks : Abklingkonstante Quelle (1/a)
- λ : biol. Abbaukoeffizient (1/a)

v_z = stationäre mittl. Sickergeschw.
 = SWR/FK

R = Retardationsfaktor = $1 + \rho_b \cdot K_d / FK$
 lineares Sorptionsgleichgewicht
 $C_{sorb} = K_d \cdot C_{gel}$

Anorganik: $K_d = f(K_{fr}, n)$ Pedotransferfunktionen
 $C_{sorb} = K_{fr} \cdot C_{gel}^n$ → Linearisierung (Freundlich)

Organik: $K_d = K_{oc} \cdot C_{org}$

D_z = long. Dispersionskoeff.
 = $\alpha_z \cdot v_z = f_d \cdot z_s \cdot v_z$

λ = biol. Abbaukoeffizient
 $c = c_0 \cdot e^{-(\lambda \cdot t)}$
 (Abbaukinetik 1. Ordnung)

Grundlage für ALTEX-1D

$c(x,t) =$

$$\begin{cases} \frac{Y}{\mu} + (C_i - \frac{Y}{\mu}) A(x,t) + (C_o - \frac{Y}{\mu}) B(x,t) & 0 < t \leq t_o \\ \frac{Y}{\mu} + (C_i - \frac{Y}{\mu}) A(x,t) + (C_o - \frac{Y}{\mu}) B(x,t) - C_o B(x,t-t_o) & t > t_o \end{cases}$$

where

$$A(x,t) = \exp(-\mu t/R) \left\{ 1 - \frac{1}{2} \operatorname{erfc} \left[\frac{Rx - vt}{2(DRt)^{1/2}} \right] - \left(\frac{v^2 t}{\pi DR} \right)^{1/2} \exp \left[-\frac{(Rx - vt)^2}{4DRt} \right] + \frac{1}{2} \left(1 + \frac{vx}{D} + \frac{v^2 t}{DR} \right) \exp(vx/D) \operatorname{erfc} \left[\frac{Rx + vt}{2(DRt)^{1/2}} \right] \right\}$$

$$B(x,t) = \frac{v}{(v+u)} \exp \left[\frac{(v-u)x}{2D} \right] \operatorname{erfc} \left[\frac{Rx - ut}{2(DRt)^{1/2}} \right] + \frac{v}{(v-u)} \exp \left[\frac{(v+u)x}{2D} \right] \operatorname{erfc} \left[\frac{Rx + ut}{2(DRt)^{1/2}} \right] + \frac{v^2}{2\mu D} \exp \left(\frac{vx}{D} - \frac{\mu t}{R} \right) \operatorname{erfc} \left[\frac{Rx + vt}{2(DRt)^{1/2}} \right]$$

and

$$u = v \left(1 + \frac{4\mu D}{v^2} \right)^{1/2}$$

Sonderfälle bei der Transportbetrachtung

- Präferenzielle Fließwege
- Transport in Phase und über die Bodenluft
- Schadstoffquelle in der gesättigten Zone

Fingering-Phänomen

Transport von Bromid

Definition Präferenzzieller Fluss

Ungleichgewichtstransport durch den reaktive Stoffe im Boden **schneller** transportiert werden als nach der **AD-Transportgleichung bei Sorptionsgleichgewicht** zu erwarten wäre

Erfahrung:
präferenzzieller Fluss kann für den kurzfristigen Konzentrationsverlauf am OdB relevant sein, ist für die längerfristige Entwicklung der Schadstofffrachten eher von untergeordneter Bedeutung